

Grundlagen der Künstlichen Intelligenz

Prof. Dr. J. Boedecker, Prof. Dr. W. Burgard, Prof. Dr. F. Hutter, Prof. Dr. B. Nebel,
Dr. rer. nat. M. Tangermann
M. Krawez, T. Schulte
Sommersemester 2019

Universität Freiburg
Institut für Informatik

Übungsblatt 4

Abgabe: Mittwoch, 19. Juni 2019, vor 12:00

Aufgabe 4.1 (DPLL)

Verwenden Sie die Davis-Putnam-Logemann-Loveland(DPLL)-Prozedur, um eine erfüllende Belegung der Formel ϕ_i zu finden. Schreiben Sie alle Schritte, die der Algorithmus währenddessen ausführt, auf. Wenn Sie eine Verzweigungs-Regel anwenden müssen, wählen Sie die Verzweigungs-Variablen in alphabetischer Reihenfolge aus, und wählen Sie zuerst *wahr*, dann *falsch*. Geben Sie die erfüllende Belegung an.

(a)

$$\phi_1 = (\neg A \vee C \vee \neg D) \wedge (A \vee B \vee C \vee \neg D) \wedge (\neg A \vee \neg E) \wedge \neg C \wedge (A \vee D) \wedge (A \vee C \vee E) \wedge (D \vee E)$$

(b)

$$\phi_2 = (E \vee A) \wedge (B \vee \neg A \vee C) \wedge (E \vee \neg D) \wedge (B \vee \neg C) \wedge (\neg B \vee D) \wedge (\neg E \vee \neg A \vee \neg D \vee \neg B)$$

Aufgabe 4.2 (Semantik der Prädikatenlogik)

Gegeben sei die Interpretation $\mathcal{I} = \langle \mathcal{D}, \cdot^{\mathcal{I}} \rangle$ mit

- $D = \{0, 1, 2, 3\}$
- $even^{\mathcal{I}} = \{0, 2\}$
- $odd^{\mathcal{I}} = \{1, 3\}$
- $lessThan^{\mathcal{I}} = \{(0, 1), (0, 2), (0, 3), (1, 2), (1, 3), (2, 3)\}$
- $two^{\mathcal{I}} = 2$
- $plus^{\mathcal{I}} : D \times D \rightarrow D, plus^{\mathcal{I}}(a, b) = (a + b) \bmod 4$

und die Variablenbelegung $\alpha = \{(x, 0), (y, 1)\}$.

Geben Sie für die folgenden Formeln θ_i an, ob \mathcal{I} unter α ein Modell für θ_i ist, d.h. ob $\mathcal{I}, \alpha \models \theta_i$. Begründen Sie Ihre Antwort durch eine formale Anwendung der Semantik.

(a) $\theta_1 = odd(y) \wedge even(two)$

(b) $\theta_2 = \forall x (even(x) \vee odd(x))$

(c) $\theta_3 = \forall x \exists y lessThan(x, y)$

(d) $\theta_4 = \forall x (even(x) \Rightarrow \exists y lessThan(x, y))$

(e) $\theta_5 = \forall x (odd(x) \Rightarrow even(plus(x, y)))$

Aufgabe 4.3 (Handlungsplanung)

Betrachten Sie folgenden STRIPS-Task $\Pi = \langle S, O, I, G \rangle$:

- $S: \{X, Y, Z, G\}$

- $O: \{A, B, C, D, E, F\}$ wobei

$$A: pre(A) = \{X\},$$

$$eff(A) = \{Y, Z\}$$

$$B: pre(B) = \{X\},$$

$$eff(B) = \{\neg X, Z\}$$

$$C: pre(C) = \{\neg Y\},$$

$$eff(C) = \{Z\}$$

$$D: pre(D) = \{\neg Z\},$$

$$eff(D) = \{Y\}$$

$$E: pre(E) = \{\neg X, Y\},$$

$$eff(E) = \{\neg Y, G\}$$

$$F: pre(F) = \{Z\},$$

$$eff(F) = \{\neg Z, G\}$$

- $I: \{X, Y\}$

- $G: \{G\}$

(a) Geben Sie für jeden Operator aus O an, ob dieser in I anwendbar ist, oder nicht. Für jeden anwendbaren Operator, geben Sie außerdem den resultierenden Zustand an, nachdem der Operator in I angewandt wurde.

Operator	anwendbar?	resultierender Zustand
A		
B		
C		
D		
E		
F		

(b) Geben Sie einen anwendbaren Plan π an, der von I zu G führt.

Die Übungsblätter dürfen und sollten in Gruppen von drei (3) Studenten bearbeitet werden. Bitte schreiben Sie alle Ihre Namen auf Ihre Lösung.